

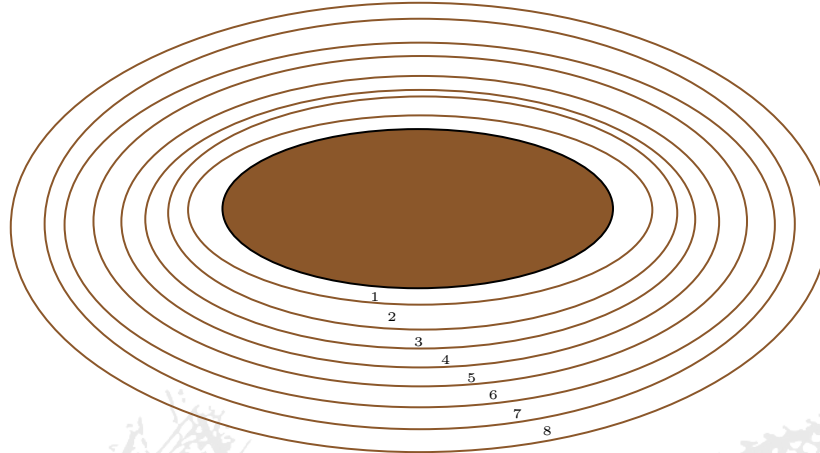
Comentário OBF 3° Fase, Nível 1

Autores: Autores: Thiago Brasileiro, Inácio Sampaio, Mateus Freitas,
Gustavo Valente, Arthur Gomes e Felipe Brandão





1. João e Maria costumam treinar juntos em uma pista olímpica de atletismo que tem 8 raias, veja a figura. A raia interna tem 400m de extensão. Certo dia, João, que está se recuperando de uma de uma pequena lesão, deve caminhar enquanto Maria corre. Eles iniciam o treinamento escolhendo o sentido em que vão dar as voltas, começam no mesmo instante e partem da linha de largada. O treinamento termina quando Maria completa a décima volta. Sabendo que ambos usam a raia interna e João e Maria se exercitam com velocidades escalares constantes, de, respectivamente, 6,00km/h e 12,00km/h, determine:



- A distância percorrida por João no instante em que Maria completa a décima volta.
- O número de vezes que Maria ultrapassa João, se ambos dão voltas no sentido anti-horário.
- O número de vezes que Maria cruza com João, se Maria dá voltas no sentido anti-horário e João dá voltas no sentido horário.

Solução:

- A distância percorrida por João vai ser metade da distância percorrida por Maria, pois tem metade da sua velocidade. Logo, se ela completar 10 voltas ela anda $400 \times 10 \text{ metros} = 4000 \text{ metros}$ e João 2000 m.
- No referencial de João, ele está em repouso e Maria se afasta dele com velocidade de 6 km/h. O número de vezes que a Maria completa o percurso no referencial de João é o número de vezes que ela passa por João. Como no referencial de João ela possui metade da velocidade, Maria vai completar metade das voltas, logo 5. Maria passa por João 5 vezes.
- No referencial de João, Maria se aproxima de João com velocidade de 18 km/h, enquanto João está em repouso. Maria possui uma velocidade 1,5 vezes maior no referencial de João, então ela percorre $1,5 \times 10 \text{ voltas} = 15 \text{ voltas}$. Ou seja, passa por João 15 vezes.

2. Ondas de calor no Brasil frequentemente levam a temperatura ambiente muito acima da zona de conforto térmico. Em locais abertos como por exemplo estações rodoviárias, pátios de restaurantes, etc, é cada vez mais comum a presença de sistemas de refrigeração que usam nebulizadores, que podem ou não estar acoplados a um ventilador, como o mostrado na figura abaixo. Suponha que um aparelho desse nebulize 100ml de água por minuto, em um ambiente entre aberto com ar quente e seco e que 50% das gotículas de água formada se evaporam.

- Explique o funcionamento desses aparelhos em termos dos fenômenos físicos envolvidos. Por que a água deve ser nebulizada? Qual a função do ventilador?



- (b) Estime a quantidade de calor retirada do ambiente por segundo, em joules por segundo, J/s ou Watt (1J/s = 1W), de funcionamento desse aparelho.
- (c) A capacidade de resfriamento de ar condicionados convencionais é usualmente dada em BTU (British Thermal Unit), em que $1\text{BTU} \approx 0,3\text{J/s}$ ou $1\text{BTU} \approx 0.3\text{W}$. Qual a capacidade de refrigeração do aparelho dessa questão em BTU?

Solução:

a) O nebulizador transforma as gotículas d'água em vapor, que interagem com o ambiente e absorvem calor, resfriando-no e aumentando o conforto térmico. O ventilador serve para espalhar as gotículas pelo ambiente.

b) Aqui, temos que 50% da água liberada (50g) pelo nebulizador é evaporada, absorvendo energia, correspondente ao calor latente de vaporização:

$$m * L = \frac{100 * 540}{2} = \boxed{27000 \text{ cal}}$$

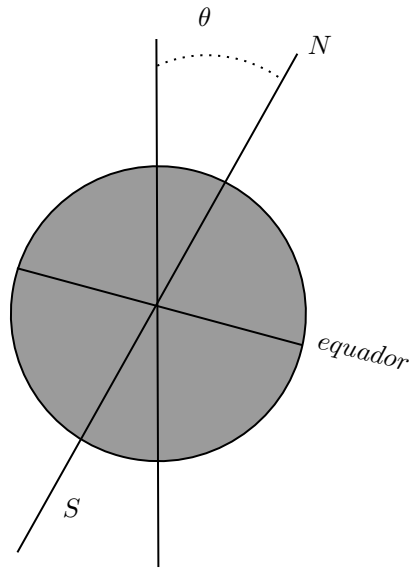
Agora, temos que fazer as devidas conversões, para Joule e segundo:

$$\frac{27000 * 4,2}{60} = \boxed{1890 \text{ J/s}}$$

c) A capacidade de refrigeração, em BTU, é dada pela conversão do resultado do item anterior:

$$\frac{1890}{0.3} = \boxed{6300 \text{ BTU}}$$

3. Seja θ a inclinação do eixo de rotação da Terra em relação ao plano de sua órbita em torno do Sol. A representação esquemática da Terra dada na figura abaixo, além de θ , mostra o eixo de rotação da Terra que passa pelos polos norte (N) e sul (S) e o plano do equador que divide a Terra em dois hemisférios. Considere os casos hipotéticos em que:



- (a) $\theta = 0^\circ$
(b) $\theta = 90^\circ$

Solução:

- (a) Com $\theta = 0^\circ$, a Terra não teria estações do ano, por que as estações são causadas pela inclinação do eixo de rotação da Terra, fazendo com que o Sol bata na terra de formas diferentes durante o movimento de translação em torno do Sol
- (b) Com $\theta = 90^\circ$, os polos da Terra estariam diretamente expostos a luz na metade do ano, e totalmente na sombra na outra metade, gerando assim, zonas inabitáveis no planeta, e uma zona habitável nos arredores do equador.

4. Através da famosa equação da equivalência entre massa e energia, $E = mc^2$, proposta por Einstein, sabemos que toda a reação, nuclea ou química, que libera energia é acompanhada por uma variação de massa. Sejam m_r a massa dos reagentes e m_p a massa dos produtos, então, a energia liberada na reação é dada por:

$$|\Delta E| = |(m_p - m_r)| c^2$$

onde c é a velocidade da luz no vácuo.

A primeira Bomba Atômica, chamada "Little Boy", detonada sobre a cidade de Hiroshima continha cerca de 64 kg urânio, dos quais 80% eram o urânio 235, que é a substância físsil, ou seja que sofre fissão nuclear e libera energia. Estima-se que sua explosão liberou uma energia equivalente à explosão de 15 mil toneladas do explosivo químico TNT. A explosão de mil toneladas (1 quiloton, ou 1 kt) de TNT libera, uma energia de, aproximadamente, $4,2 * 10^{12} J$.

Seja $\eta = (m_p - m_r)/m_r$ a variação relativa de massa envolvida em uma reação nuclear ou química.

- (a) Qual a variação de massa que ocorreu na explosão da "Little Boy"
- (b) Determine η da explosão da "Little Boy" considerando que todo o material físsil foi consumido.
- (c) Estime η para uma explosão de TNT com energia igual à liberada por "Little Boy". Considere que o único reagente da explosão do TNT é o próprio TNT.



Solução:

a) Para calcular a variação de massa Δm , devemos usar a equação dada no enunciado, e igualar com a energia liberada pelo TNT:

$$\Delta E = \Delta m c^2 = 15 * 4,2 * 10^{12} \Rightarrow$$

$$\Delta m = \frac{15 * 4,2 * 10^{12}}{9 * 10^{16}} \Rightarrow$$

$$\Delta m = 6,7 * 10^{-4} kg$$

b) Agora, para determinar η , devemos calcular a porcentagem de urânio, substância físsil, que irá reagir, assim obteremos a m_r :

$$m_r = 80\%64 \Rightarrow m_r = 51,2 kg$$

Com isso, podemos escrever η :

$$\eta = \frac{\Delta m}{m_r} \Rightarrow \eta = \frac{6,7 * 10^{-4}}{51,2}$$

$$\eta = 1,3 * 10^{-5}$$

c) Por fim, para a explosão da TNT, podemos usar a mesma variação de massa (devido ser o mesmo ΔE), Δm , e apenas calcular a nova massa de reagente, m_r :

$$m_r = 15 * 10^3 * 10^3 kg \Rightarrow m_r = 15 * 10^6 kg$$

Em posse desse dado, temos:

$$\eta = \frac{\Delta m}{m_r} \Rightarrow \eta = \frac{6,7 * 10^{-4}}{15 * 10^6}$$

$$\eta = 4,47 * 10^{-11} kg$$

5. Arquimedes, diz a lenda, descobriu uma maneira de verificar se a coroa do rei de Siracusa era feita de ouro puro ou se tinha sido adulterada com um metal menos denso. Suponha que o rei de Siracusa entregou uma barra de ouro de 1000g a um ourivez para que ele fizesse uma coroa do mesmo peso. Arquimedes descobriu que o volume da coroa poderia ser medido mergulhando a coroa em água e medindo o volume deslocado. Considere as densidades aproximadas, do ouro 19,0g/cm³, da prata 10,0g/cm³, da platina 21,5g/cm³ e do cobre 9,0g/cm³.
- (a) Suponha que o ourives entregou ao rei uma coroa feita com 800 g de ouro e 200 g de prata. Qual a diferença de volume entre a coroa adulterada e uma coroa feita toda de ouro?
- (b) Considere uma liga de cobre e platina. Qual deve ser a proporção de cada metal, em massa,



para que a liga possa ser usada em joalheria, em substituição ao ouro, sem que a fraude possa ser identificada pelo método de Arquimedes?

Solução:

a) O volume de 1000g de ouro puro pode ser descoberto através da sua densidade $\rho = \frac{M}{V}$

$$V_{ou} = \frac{M_{ou}}{\rho_{ou}} = \frac{1000}{19} = 52,6 \text{ cm}^3$$

Já o volume da mistura pode ser dado pela soma dos volumes próprios de cada metal:

$$V_{mis} = V_{ou} + V_{pr} = \frac{M_{ou}}{\rho_{ou}} + \frac{M_{pr}}{\rho_{pr}} = \frac{800}{19} + \frac{200}{10} = 62,1 \text{ cm}^3$$

Portanto, a variação de volume é:

$$\Delta V = V_{mis} - V_{ou} = 9,5 \text{ cm}^3$$

b) Para que a fraude não seja identificada, devemos querer que a liga tenha a mesma densidade que o ouro e, conseqüentemente, o mesmo volume para uma dada massa. Então, vamos igualar o volume de ouro puro do item a com o volume de 1000 g dessa liga.

$$V_{lig} = V_{co} + V_{pla} = \frac{x}{9} + \frac{1000 - x}{21,5} = 52,6 \text{ cm}^3$$

$$\frac{x}{9} - \frac{x}{21,5} = 52,6 - \frac{1000}{21,5}$$

$x = 94$ gramas, proporção de 9,4% de cobre e 90,6% de platina

6. Três bolas de brinquedo, A, B, C, de mesmo raio e massas diferentes são abandonadas, em $t = 0s$, da janela de um prédio, localizada 20 m acima de um pátio vazio no piso térreo. A tabela ao lado mostra a altura aproximada das bolas em função do tempo t . As bolas sob a ação da força gravitacional (peso) e da força de resistência do ar, ou força de arrasto, F_{ar} . Essa força é oposta ao movimento do corpo e sua intensidade é dada por $F_{ar} = bv^2$, onde v é o módulo da velocidade do corpo em relação ao ar e b é uma constante positiva que depende da geometria do corpo e da densidade do ar.

$t(s)$	$y_a(m)$	$y_b(m)$	$y_c(m)$
0.0	20.00	20.00	20.00
0.2	19.80	19.80	19.80
0.4	19.23	19.21	19.20
0.6	18.34	18.23	18.20
0.8	17.21	16.90	16.80
1.0	15.90	15.23	15.00
1.2	14.47	13.26	12.80
1.4	12.97	11.03	10.20
1.6	11.41	8.56	7.20
1.8	9.93	5.89	3.80
2.0	8.25	3.04	0.00

A ação de F_{ar} pode ser desprezada devido, entre outros, à combinação dos seguintes fatores: (1) velocidade suficientemente baixa e (2) corpo suficientemente massivo.

- (a) Todos os corpos em queda no ar, depois de um intervalo de tempo suficientemente longo, se movem com velocidade constante, chamada velocidade terminal. A bola mais leve já atingiu



- a) a velocidade terminal? Quando? Qual seu valor terminal?
- (b) Sabendo que a massa da bola mais leve é 10,0 g, qual o valor da constante b
- (c) A ação de F_{ar} durante toda a queda é desprezível para alguma bola? Qual? Justifique.

Solução:

a) Como o F_{ar} pode ser desprezado em corpos muito massivos, a bola que mais "sente" a força de arrasto é a mais leve. Como podemos ver pelo gráfico, a que possui maior atraso em seu deslocamento é o A, logo ela é a mais leve. Quando um corpo atinge a velocidade terminal, sua velocidade passa a ser constante. Isso ocorre em A de 1,6 segundos em diante, pois a bola A percorre 1,58 metros de 1,6 a 1,8 segundos e, também, 1,58 metros de 1,8 a 2,0 segundos. Isso caracteriza uma velocidade constante de módulo $V_{lim} = \frac{1,58}{0,2} = 7,9m/s$

b) O caso para que a velocidade limite seja atingida é o peso se igualar com a força de arrasto, pois a velocidade se manterá constante pela força resultante nula. Logo:

$$mg = bv^2$$

$$b = \frac{mg}{v^2}$$

$$b = 16 \times 10^{-4}$$

c) A bola C não sofre efeitos do arrasto, pois a posição em função do tempo levando em conta apenas a gravidade é satisfeita em todos os momentos:

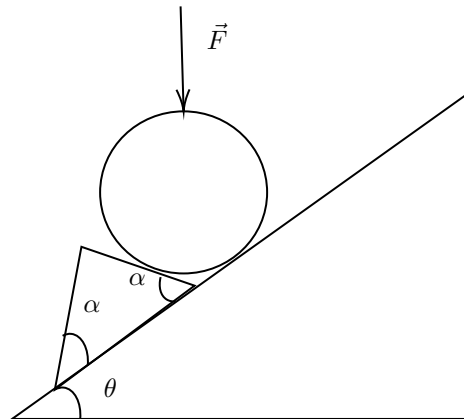
$$y = gt^2/2$$

$$20 = 10 \times 4/2$$

$$20 = 20$$

Satisfaz!

7. Um carro está estacionado em um plano inclinado de ângulo $\theta = 30^\circ$. Para se assegurar que não deslize, foram colocados calços sob as rodas, conforme esquema na figura. O calço, que está fixo no plano inclinado, forma ângulo α com ele. Considere uma roda em equilíbrio estático no qual atua uma força \vec{F} de intensidade de 6000 N. Essa força, aplicada no eixo da roda, corresponde à resultante da carga do carro mais o peso da própria roda. Desconsidere as forças de atrito. Determine N_p e N_c , respectivamente, as intensidades das forças que o plano inclinado e o calço exercem na roda, nos seguintes casos:





(a) $\alpha = 30^\circ$

(b) $\alpha = 60^\circ$

Solução:

Para a condição de equilíbrio, devemos ter que:

$$\Sigma \vec{F}_y = 0$$

$$\Sigma \vec{F}_x = 0$$

Fazendo a decomposição das normais nos eixos x e y nos ângulos indicados na figura (por figura)

$$N_c \cos(\alpha - \theta) + N_p \cos(\theta) = F$$

$$N_c \sin(\alpha - \theta) = N_p \sin(\theta)$$

Isolando N_p da segunda solução, temos:

$$N_p = N_c \frac{\sin(\alpha - \theta)}{\sin(\theta)}$$

Substituindo isso na primeira equação, temos:

$$N_c \cos(\alpha - \theta) + N_c \frac{\sin(\alpha - \theta) \cos(\theta)}{\sin(\theta)} = F$$

Isolando N_c

$$N_c = F \frac{\sin(\theta)}{\sin(\theta) \cos(\alpha - \theta) + \sin(\alpha - \theta) \cos(\theta)}$$

Perceba que soma em baixo corresponde a $\sin(\alpha)$

Logo, N_c será:

$$N_c = F \frac{\sin(\theta)}{\sin(\alpha)}$$

Logo, N_p será:

$$N_p = F \frac{\sin(\alpha - \theta)}{\sin(\alpha)}$$

Substituindo os valores dados no enunciado, obteremos:

(a)

$$N_c = 6000N$$

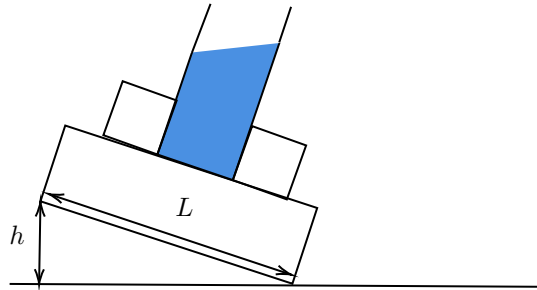
$$N_p = 0N$$

(b)

$$N_c = 3400N$$

$$N_p = 3400N$$

8. Um copo com base quadrada de lado $5,00\text{cm}$ e altura $12,00\text{cm}$ contém 270cm^3 de água. O copo está fixado e em uma base de comprimento $L = 15,0\text{cm}$, que pode ser inclinada variando-se a altura h , conforme esquema dado na figura ao lado.

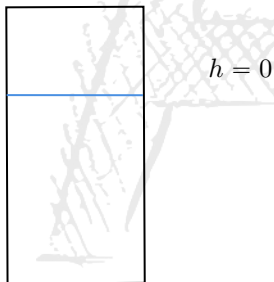


Determine:

- A altura do nível da água em relação ao fundo do copo quando a base de fixação é horizontal ($h = 0\text{cm}$).
- A altura h de inclinação da base de fixação quando a água no copo está na iminência de derramar.

Solução:

- Na situação de $h = 0$, todo o volume d'água fica vertical e assume o formato de um paralelepípedo reto, como mostra a figura:

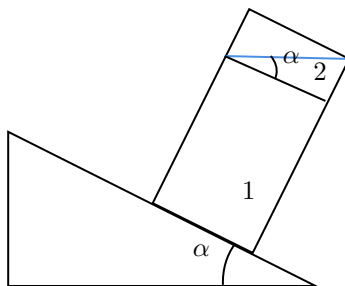


Logo, pela fórmula do volume do paralelepípedo:

$$V_{\text{água}} = 270\text{cm}^3 = (\text{área da base})(\text{altura}) = h_{\text{água}}l^2 \quad (1)$$

(2)

- Na iminência de derramar, o líquido toca na extremidade do copo, como na Figura a seguir:



O volume d'água é dado pelo volume do sólido 1 somado



ao volume do sólido 2. Mas para calcular tais volumes, precisamos, primeiro, calcular a altura em relação ao plano, h' , do sólido 1.

$$\operatorname{sen} \alpha = \frac{h}{\sqrt{L^2 - h^2}} = \frac{H - h'}{l}$$

$$h' = H - \frac{hl}{\sqrt{L^2 - h^2}}$$

Agora, podemos calcular o volume d'água:

$$V_{\text{água}} = V_1 + V_2 = h'l^2 + \frac{(H - h')l^2}{2}$$

$$V_{\text{água}} = Hl^2 - \frac{hl^3}{\sqrt{L^2 - h^2}} + \frac{hl^3}{2\sqrt{L^2 - h^2}}$$

$$V_{\text{água}} = Hl^2 - \frac{hl^3}{2\sqrt{L^2 - h^2}}$$

$$270 = 300 - \frac{125h}{2}\sqrt{225 - h^2}$$

$$0,23 = \frac{h^2}{225 - h^2}$$

$$h^2 = \frac{225 \times 0,23}{1,23}$$

$$h = 6,5 \text{ cm}$$